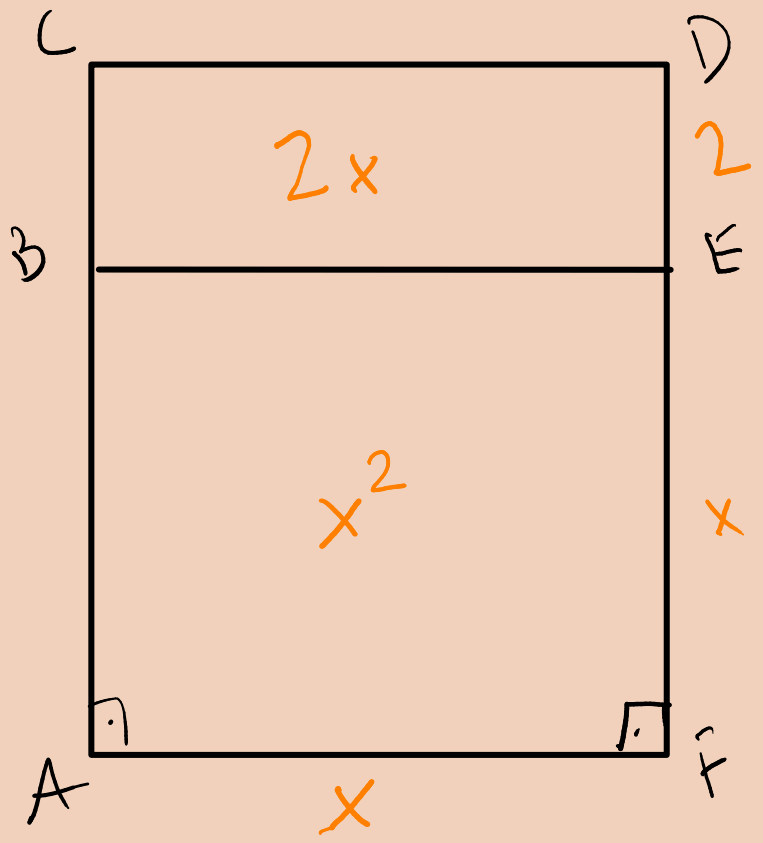


Subavos que:

$$\begin{cases} \overline{AF} = x \\ A(ABEF) = x^2 \\ A(BCDE) = 2x \end{cases}$$

retângulo inteiro



a) Ache o perímetro do retângulo ACDF

b) Ache a área do retângulo ACDF

a) Perímetro é $4x + 4$

b) Área é $x^2 + 2x = x(x + 2)$

$A = b \cdot h \rightarrow x(x + 2)$

$A = x \cdot h$

$2x = x \cdot h$

$\frac{2x}{x} = \frac{x}{x} \cdot h$

$2 = h$

Perímetro: a soma do comprimento de todos os lados

Perímetro é a medida do contorno

Perímetro interno medida

\mathbb{Z} é fechado em
relação à

\mathbb{N} é fechado em
relação à

Números racionais
 \mathbb{Q}

+	✓ $-3 + (-3) = -6 \in \mathbb{Z}$	✓ $3 + 3 = 6 \in \mathbb{N}$	✓
-	✓ $3 - 4 = -1 \in \mathbb{Z}$	✗ $1 - 3 = -2 \notin \mathbb{N}$	✓
x	✓ $(-4) \cdot (-4) = 16 \in \mathbb{Z}$	✓	✓
· (exato)	✗ $\frac{-1}{-24} = \frac{1}{24} \notin \mathbb{Z}$	✗ $4 \div 2 \in \mathbb{N}$	✓

$$m \in \mathbb{Q}$$

existam $p, q \in \mathbb{Z}$

$$m = \frac{p}{q}$$

$$\mathbb{Q} = \left\{ n : \text{para algum } p \in \mathbb{Z}, q \in \mathbb{Z} \quad n = \frac{p}{q} \right\}$$

↳ \mathbb{Q} do quociente

$\mathbb{Z} \subseteq \mathbb{Q}$ então \mathbb{Q} é fechado em relação a soma \times

$$A = \mathbb{Z} \cup \{0,5\} = \{-2, -1, 0, 0,5, 1, 2, \dots\}$$

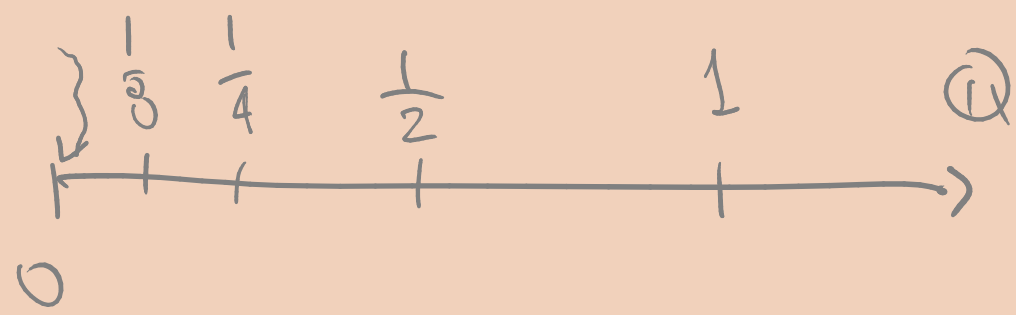
$$\mathbb{Z} \subseteq A$$

\mathbb{Q} é fechado em relação a todas as operações?
 \mathbb{Q} são todos os números?

Potenciação?
Radiciação?

Vamos mostrar que $\sqrt{2} \notin \mathbb{Q}$ ($\sqrt{2} \cdot \sqrt{2} = 2$)

Aproximando: Não existe um menor número racional > 0



Prova por contradição: Suponha que existe $p \in \mathbb{Q}$, $p > 0$,
 p é menor que todos os racionais positivos.

Supõe um absurdo →

Mas $\frac{p}{2} \in \mathbb{Q}$ e $\frac{p}{2} < p$, o que é uma
contradição. Logo, não existe nenhum racional
positivo que é menor que todos os outros
racionais positivos.

chega na
contradição →

conclui
o inverso
do absurdo. →